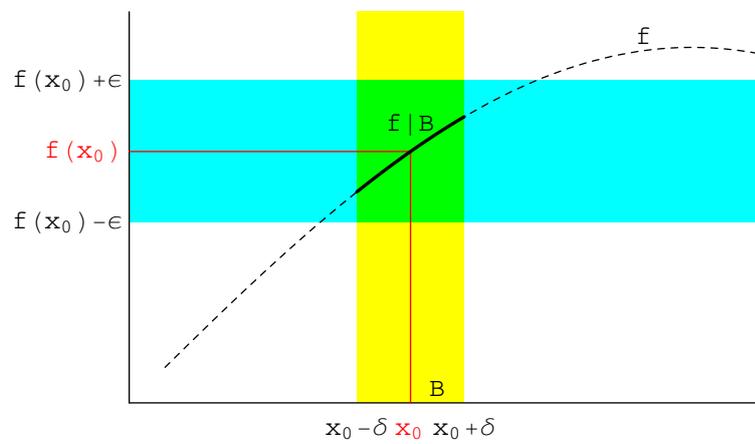


Analysis

Andreas Kriegl

email:andreas.kriegl@univie.ac.at



Vorwort

Vorliegendes Material ist im Rahmen des dreisemestrigen Analysis-Zyklus entstanden, welchen ich in den Studienjahren 2003-2005 an der mathematischen Fakultät der Universität Wien gehalten habe. Es besteht insbesondere aus

- einem dreibändigen vollständigen Skriptum Analysis 1, 2 & 3 in welches auch die ergänzenden Teile des dazugehörigen Repetitoriums eingeflossen sind sowie einigen Bemerkungen zur dabei verwendeten Notation,
- weiters aus den Angaben der Proseminare Analysis 1, 2 & 3
- und den von Evelina Erlacher erstellten Notebooks zum Einsatz von Mathematica, sowie ein paar von mir erstellten Notebooks für die weitergehende Anwendungen.
- Zur Visualisierung des Stoffes habe ich auch zahlreiche z.T. interaktive Animationen bereitgestellt.

Die verschiedenen Dateien dieses Projekts sind miteinander verlinkt und existieren in zwei Varianten. Nämlich eine die auf die entsprechenden Seiten in

www.mat.univie.ac.at/~kriegl/Skripten/Analysis/

zugreift und eine weitere (durch ein nachgestelltes 'lokal' in der Fußzeile gekennzeichnete) die nach Angabe einiger weniger statistischer Daten unter

www.mat.univie.ac.at/~kriegl/Skripten/Analysis/Ana-download.html

heruntergeladen werden kann und deren Links auf die dann lokalen Dateien verweisen.

Ich hoffe dieses Service erweist sich als nützlich und ich würde mich über Feedback freuen insbesondere was etwaige Unklarheiten, Inkonsistenzen oder sogar Fehler betrifft.

Ich möchte mich an dieser Stelle bei all jenen Bedanken die nicht unwesentlichen Einfluß am Gelingen dieser Lehrveranstaltungsreihe gehabt habe. Da sind natürlich die Leiter der übrigen Proseminargruppen Leo Summerer, Michael Grosser, Peter Raith, Roland Steinbauer und Stefan Haller zu nennen, sowie die TutorInnen Florian Gach, Johanna Michor, Katja Sagerschnig und Mona-Lena Linkmann die uns bei den PC-Labor Teilen unterstützt haben. Mein besonderer Dank gilt Evelina Erlacher, Florian Gach und Petra Grell die sich der großen Herausforderung die Parallelgruppen des Repetitoriums zu betreuen so erfolgreich gestellt haben. Zuletzt genannt, aber dennoch am wichtigsten war für mich natürlich das Feedback welches ich von HörerInnen erhalten habe. Ich kann an dieser Stelle keine Namen aufzählen, denn die Liste wäre lang und vermutlich auch unvollständig, aber ich habe mich bemüht in den einzelnen Bänden diejenigen zu nennen die mir Korrekturen zukommen liessen. Ich habe mich bemüht alle Anregungen zu berücksichtigen, was sicherlich nicht zu jederfraus Zufriedenheit gelungen ist, und was wohl auch daran liegt, daß jeder seine eigenen Ziel- und Wunschvorstellungen hat.

Da die Erstellung dieser Unterlagen mit großen Arbeitsaufwand verbunden war, erwarte ich mir im Falle einer Weiterverwendung, die über den privaten Gebrauch hinausgeht, einen entsprechenden Verweis auf diese Quelle. Ich werde bemüht sein den Link www.mat.univie.ac.at/~kriegl/Skripten/Analysis.html auch langfristig gültig zu halten und Verbesserungen an den Inhalten je nach Bedarf aufzunehmen.

Andreas Kriegl, Wien im Juli 2005

Gesamt-Inhaltsverzeichnis

Inhaltsverzeichnis von Ana 1

1 Grundlagen	1
1.1 Mengenlehre	1
1.2 Grundlegende Algebra	21
1.3 Die natürlichen Zahlen	26
1.4 Die ganzen Zahlen	39
1.5 Die rationalen Zahlen	48
1.6 Die reellen Zahlen	54
1.7 Die komplexen Zahlen	57
2 Konvergenz von Folgen und Reihen	64
2.1 Motivation	64
2.2 Metriken	69
2.3 Grenzwerte	73
2.4 Häufungswerte	79
2.5 Unendliche Reihen	83
3 Stetige Funktionen	92
3.1 Stetigkeit	92
3.2 Unstetigkeitsstellen	99
3.3 Kompaktheit, Gleichmäßige Stetigkeit	112
3.4 Stetige Gleichungen	117
4 Differenzierbare Funktionen	129
4.1 Differenzierbarkeit	129
4.2 Potenzreihen	150

Inhaltsverzeichnis von Ana 2

5 Integralrechnung	1
5.1 Bestimmte Integrale	1
5.2 Unbestimmte Integrale	16
5.3 Uneigentliche Integrale	30
5.4 Banach-Räume	36
5.5 Analysis von Kurven	50
6 Differentiation im mehrdimensionalen	64
6.1 Differenzierbarkeit	64
6.2 Lösung von Gleichungen	86
6.3 Höhere Ableitungen	115
6.4 Lokale Extrema	128
6.5 Stammfunktionen & Kurven-Integrale	139
6.6 Komplexe Analysis	149

Inhaltsverzeichnis von Ana 3

7 Volumina	1
7.1 Integration über kompakte Intervalle	1
7.2 Integration über meßbare Mengen	11
7.3 Banach-Tarski Paradoxon	18
7.4 Integrationsmethoden	22
7.5 Transformationsverhalten	27
7.6 Partitionen der Eins und der Satz von Sard	39
7.7 Absolute Riemann-Integrierbarkeit	51
7.8 Dominierte Konvergenz	55
7.9 Lebesgue-Integral	61
8 Integralsätze	67
8.1 Integralsätze im \mathbb{R}^2 und \mathbb{R}^3	67
8.2 Multi-linear Forms	85
8.3 Differential Forms	90
8.4 Integration von Differentialformen	97
8.5 Ketten	99
8.6 Integration über Ketten	102
8.7 Der Satz von Stokes über p -Ketten	104
8.8 Spezialfälle des Satzes von Stokes	107
9 Anwendungen	110
9.1 Physikalische Bedeutung des Gauß'schen Integralsatzes	110
9.2 Die Kepler'schen Gesetze der Planetenbewegung	112
9.3 Fourier-Reihen	115
9.4 Variationsrechnung	138

Literatur

- [1] Hans Wilhelm Alt. *Lineare Funktionalanalysis*. Springer, 1985. Hochschultext.
- [2] Herbert Amann and Joachim Escher. *Analysis I*. Grundstudium Mathematik. Birkhäuser, Basel - Boston - Berlin, 2002.
- [3] Herbert Amann and Joachim Escher. *Analysis II*. Grundstudium Mathematik. Birkhäuser, Basel - Boston - Berlin, 1999.
- [4] Herbert Amann and Joachim Escher. *Analysis III*. Grundstudium Mathematik. Birkhäuser, Basel - Boston - Berlin, 2001.
- [5] Johann Bernoulli. The Bergman kernel of biholomorphic mappings of pseudo convex domains. *Acta Eruditorum*, page 269, June 1696.
- [6] Christian Blatter. *Analysis 1*, volume 151 of *Heidelberger Taschenbücher*. Springer, Berlin - Heidelberg - New York, 1974.
- [7] Christian Blatter. *Analysis 2*, volume 152 of *Heidelberger Taschenbücher*. Springer, Berlin - Heidelberg - New York, 1974.
- [8] Christian Blatter. *Analysis 3*, volume 153 of *Heidelberger Taschenbücher*. Springer, Berlin - Heidelberg - New York, 1974.
- [9] Theodor Bröcker and Klaus Jänich. *Einführung in die Differentialtopologie*, volume 143 of *Heidelberger Taschenbücher*. Springer, Berlin - Heidelberg - New York, 1970.
- [10] Lennart Carleson. On convergence and growth of partial sums of Fourier series. *Acta Math.*, 116:135–157, 1966.
- [11] C. O. Christenson and W. L. Voxman. *Aspects of Topology*. BCS Associate, Moscow, Idaho, USA, 1998. ISBN: 0-914351-08-07
- [12] John B. Conway. *A Course in Functional Analysis*, volume 96. Springer, 1985. Graduate Texts in Maths.
- [13] Richard Courant. *Vorlesungen über Differential- und Integralrechnung 1*. Springer, Berlin - Heidelberg - New York, 4 edition, 1971.
- [14] Richard Courant. *Vorlesungen über Differential- und Integralrechnung 2*. Springer, Berlin - Heidelberg - New York, 4 edition, 1971.
- [15] Jean Dieudonné. *Foundations of modern analysis, I*. Academic Press, New York – London, 1960.
- [16] J. J. Duistermaat and J. A. C. Kolk. *Multidimensional Real Analysis II: Integration*. Cambridge University Press, Cambridge, 2004. ISBN 0 521 82925 9.
- [17] V. Elconin and A.D. Michal. Completely integrable differential equations in abstract spaces. *Acta Mathematica*, 68:71–107, 1937.
- [18] L. E. Elsgolc. *Variationsrechnung*, volume 431 of *B.I.Hochschultaschenbücher*. Bibliographisches Institut, Mannheim/Wien/Zürich, 1970.
- [19] Ryszard Engelking. *General Topology*. Heldermann, Berlin, 1989. ISBN: 3-88538-006-4
- [20] Alberto Guzman. *Derivatives and Integrals of Multivariable Functions*. Birkhäuser, Boston, 2003. ISBN 0-8176-4274-9.
- [21] Felix Hausdorff. Beweis eines satzes von arzelà. *Math. Z.*, 26:135–137, 1927.
- [22] Ernst Henze. *Einführung in die Maßtheorie*, volume 505 of *B.I.Hochschultaschenbücher*. Bibliographisches Institut, Mannheim, 1971.

- [23] Harro Heuser. *Lehrbuch der Analysis, Teil 1*. Mathematische Leitfäden. Teubner, Stuttgart, 1980.
- [24] Harro Heuser. *Lehrbuch der Analysis, Teil 2*. Mathematische Leitfäden. Teubner, Stuttgart, 1981.
- [25] S. Hildebrandt. Boundary behaviour of minimal surfaces. *Arch. Rational Mech. Anal.* 35, pages 47–82, 1969.
- [26] Morris W. Hirsch. *Differential topology*. Springer-Verlag, New York, 1976. GTM 33.
- [27] Richard A. Hunt. On the convergence of Fourier series. *Southern Illinois Univ. Press*, pages 235–255, 1969.
- [28] S.I. Ionisyan. Trigonometric Fourier series of continuous functions which are divergent on a given set. *Collect. sci. Works*, pages 45–48, 1980.
- [29] A. Kolmogoroff. Une série de Fourier-Lebesgue divergente partout. *C.R.*, pages 1327–1328, 1926.
- [30] Andreas Kriegl. *Differentialgeometrie*. Universität Wien, 1996.
- [31] Andreas Kriegl. *Topologie 1*. Universität Wien, 2000.
- [32] Andreas Kriegl. *Funktionalanalysis 1*. Universität Wien, 2002.
- [33] Andreas Kriegl. *Funktionalanalysis 2*. Universität Wien, 2002.
- [34] Andreas Kriegl. *Computer Graphics*. Universität Wien, 2003.
- [35] Andreas Kriegl. *Analysis 1*. Vorlesung, Univ. Wien, 2003/04.
- [36] Andreas Kriegl. *Aufgaben zur Analysis 1*. Vorlesung, Univ. Wien, 2003/04.
- [37] Andreas Kriegl. *Analysis 2*. Vorlesung, Univ. Wien, 2004.
- [38] Andreas Kriegl. *Aufgaben zur Analysis 2*. Vorlesung, Univ. Wien, 2004.
- [39] Andreas Kriegl. *Analysis 3*. Vorlesung, Univ. Wien, 2004/05.
- [40] Andreas Kriegl. *Aufgaben zur Analysis 3*. Vorlesung, Univ. Wien, 2004/05.
- [41] Andreas Kriegl, Mark Losik, and Peter W. Michor. Choosing roots of polynomials smoothly, II. *Israel J.M.*, 139:183–188, 2004.
- [42] Ronald Larsen. *Functional Analysis*. Marcel Dekker, 1973.
- [43] Lusin. *The Integral and Trigonometric Series*. 1915.
- [44] W. A. J. Luxemburg. Arzelà’s dominated convergence theorem for the Riemann integral. *Am. Math. Monthly*, pages 970–979, 78 1971.
- [45] Meusnier. Mémoire sur la curbure des surfaces. *Mémoires des savans étrangers* 10, pages 477–510, 1776.
- [46] A. M. Olevskij. Divergent Fourier series. *Izv. Akad. Nauk. SSSR Ser.Mat.*, 27:343–366, 1963.
- [47] R. Osserman. Global properties of minimal surfaces in E^3 and E^n . *Ann. of Math.*, 80:340–364, 1964.
- [48] R. Osserman. *A Survey of Minimal Surfaces*. Van Nostrand, NewYork, 1969.
- [49] R. Osserman. A proof of regularity everywhere of the classical solution to Plateaus’s problem. *Ann.of Math* 91, pages 550–569, 1970.
- [50] John C. Oxtoby. *Maß und Kategorie*. Hochschultext. Springer, Berlin - Heidelberg - New York, 1971.

- [51] Ernst Peschl. *Funktionentheorie*, volume 131 of *B.I.Hochschultaschenbücher*. Bibliographisches Institut, Mannheim, 1967.
- [52] Lang Serge. *Differentiable Manifolds*. Addison-Wesley, 1962.
- [53] Ralph Stöcker and Heiner Zieschang. *Algebraische Topologie*. Mathematische Leitfäden. B.G.Teubner, Stuttgart, 1988.
- [54] Hassler Whitney. A function not constant on a connected set of critical points. *Duke Math. J.*, 1:514–517, 1935.
- [55] Lee Peng Yee and Rudolf Vyborný. *The integral: An Easy Approach after Kurzweil and Henstock*, volume 14 of *Australian Mathematical Society Lecture Series*. Cambridge University Press, Cambridge, 2000.
- [56] Kôsaku Yosida. *Functional Analysis*, volume 123. Springer, 1980. Grundlehren.
- [57] J. Zemánek. A simple proof of the Weierstrass-Stone theorem. *Comment. Math.*, 20:495–497, 1977.
- [58] Antoni Szczepan Zygmund. *Trigonometric Series I, II*. Cambridge University Press, NewYork, 1968.

Index

- $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$, A1:101
- n -te Wurzel, A1:120, A1:55
- r -Umgebung, A1:71
- (Positiv) Definitheit, A1:69
- (logischen) Odors, A1:5
- (logischen) Unds, A1:4
- (logischen) Äquivalenz, A1:2
- Äquivalenzklassen, A1:11
- Äquivalenzrelation, A1:11
- überabzählbare, A1:20
- 1-Form, A2:140
 - exakte, A2:140
 - geschlossene, A2:140
 - skalarwertige, A2:141
 - vektorwertige, A2:140
- 1-dimensionale inhomogene lineare Differentialgleichung mit nicht-konstanten Koeffizienten, A2:106
- 1-dimensionale homogene lineare Differentialgleichung mit nicht-konstanten Koeffizienten, A2:106
- 1-dimensionales Volumenelement, A3:70
- 2-dimensionales Volumenelement, A3:77

- äußere Ableitung einer Differential-Form, A3:90
- äußerer Inhalt, A3:13
- Abbildung, A1:13
 - holomorphen, A2:149
 - komplex-lineare, A2:149
- Abel'sche, A1:23
- abgeschlossen, A1:113
- abgeschlossene Ball, A1:71
- Ableitung, A1:129
 - iterierte partielle, A2:118
 - komplexe, A2:149
 - partielle, A2:75
 - zweite, A2:115
- Ableitung einer Abbildung, A2:66
 - höhere, A2:116
- Ableitung einer Kurve, A2:50
- Ableitung von f bei x_0 , A2:66
- Abschluß einer Teilmenge, A3:11
- absolut integrierbar, A3:52
- absolut konvergente Reihe, A1:85
- absolut summierbare Folge, A2:36
- absolut-konvergente Reihe, A2:39
- absolut-stetige Funktion, A3:122
- abzählbar (unendlich), A1:19
- Additionssatz, A1:50
- Additionstheoreme der Winkelfunktionen, A1:59
- adjungierter Operator f^* , A2:42
- affine Insertionsabbildung, A2:75

- algebraisch abgeschlossen, A1:60
- algebraischen Topologie, A2:63
- Alternator, A3:86
- alternierend, A1:38
- alternierende multi-lineare Abbildung, A3:86
- angeordneten Körper, A1:23
- Antisymmetrie, A1:12, A1:3
- approximierende Einheit, A3:43
- äquidistante Zerlegung, A2:2
- Arbeit bei konstanter Kraft, A2:148
- Arbeit in einem Kraftfeld, A2:148
- Areasinushyperbolicus, A2:26
- Areasinushyperbolicus, A2:26
- Areatangenshyperbolicus, A2:26
- Arzelà's Theorem über dominierte Konvergenz, A3:56
- Assoziativität, A1:5
- Aufzählend, A1:1
- äußere Maß einer Teilmenge von \mathbb{R} , A2:6
- Auswahlaxiom, A1:18

- Banach'scher Fixpunkt-Satz, A1:126
- Banach-Algebra, A2:46
- Banach-Raum, A2:38
 - komplexer, A2:149
- Banach-Schröder-Bernstein Theorem, A3:18
- Banach-Tarski Paradoxon, A3:21
- bedingten Wahrscheinlichkeit, A1:51
- Bernoulli-Ungleichung, A1:76
- beschränkt, A1:73
- beschränkte Variation einer Kurve, A2:147
- Beschreibend, A1:2
- Bessel'sche Gleichung, A3:129
- Bessel'sche Ungleichung, A3:129
- bestimmte Integral der Umkehrfunktion, A2:22
- bestimmtes Darboux-Integral, A2:2
- Betti-Zahl, A3:102, A3:109
- bijektiv, A1:14
- Bild, A1:13
- bilinear-Form
 - negativ definite symmetrische, A2:129
 - positiv definite symmetrische, A2:128
- Binärdarstellung, A1:32
- Binomialkoeffizient, A1:48
- Binomische Lehrsatz, A1:48
- biquadratische Gleichung, A2:88
- Brachistochrone, A3:142
- Brouwer's Fixpunktsatz, A3:50

- \mathbb{C} -differenzierbare Abbildung, A2:149
- \mathbb{C} -lineare Abbildung, A2:149
- Cantor'sche Diskontinuum, A2:7
- Cauchy'sche Ableitungsformeln, A2:154
- Cauchy'sche Integralformel, A2:153

Index

- Cauchy'scher Grenzwertsatz, A3:126
- Cauchy'scher Integralsatz, A2:152
- Cauchy'sches Konvergenzkriterium, A1:81
- Cauchy'sches Konvergenzkriterium für Funktionen, A1:158
- Cauchy-Folge, A1:81
- Cauchy-Kriterium für R-Integrierbarkeit, A2:53
- Cauchy-Kriterium für Reihen, A1:85
- Cauchy-Kriterium für uneigentliche Integrale, A2:33
- Cauchy-Produkt, A1:89
- Cauchy-Riemann'schen Differentialgleichungen, A2:150
- Cesaro-summierbar, A3:126
- Charakterisierung des ggT, A1:41
- charakteristische Funktion, A3:62

- D-integrierbar, A2:1
- Darboux-Integral, A3:2
- Darboux-integrierbar, A2:1
- Darboux-Integral
 - bestimmtes, A2:2
- Darboux-integrierbar, A3:2
- De Morgan'schen Gesetze, A1:9
- Dedekind'schen Schnitt, A1:54
- Definitheit jeder Norm, A2:37
- Definitionsbereich, A1:13
- Deformation, A3:48
- degree of a multi-linear mapping, A3:85
- Dezimaldarstellung, A1:32
- Dichotomie, A1:13
- Dichtefunktion, A3:78
- Diffeomorphismus
 - lokaler, A2:86
- differential, A3:90
- Differential einer Differential-Form, A3:90
- differential form of order p , A3:90
- Differential-Form der Ordnung p , A3:90
- Differentialform
 - exakte, A2:140
 - geschlossene, A2:140
 - skalarwertige, A2:141
- Differentialform der Ordnung 1
 - vektorwertige, A2:140
- Differentialgeometrie, A2:63
- Differentialgleichung
 - partielle, A2:139
 - totale, A2:139
- Differentialgleichung n -ter Ordnung, gewöhnliche, A2:108
- Differentialgleichung 1-ter Ordnung
 - gewöhnliche, A2:100
 - zeitunabhängige, A2:96
- Differentialgleichung mit nicht-konstanten Koeffizienten
 - lineare inhomogene, A2:106
- Differentialgleichungen
 - System partieller, A2:139
- Differentialquotient, A1:129
- Differenz, A1:23
- Differenzenquotient, A1:136
- differenzierbar, A1:129
 - stetig, A2:77
- differenzierbar an der Stelle x_0 , A1:129
- differenzierbar bei x_0 , A2:66
- differenzierbare Abbildung, A2:66
 - mehrmals, A2:116
 - mehrmals stetig, A2:116
 - zweimal, A2:115
- Differenzierbarkeit einer Kurve, A2:50
- Differenzmenge, A1:8
- Dirichlet'sche Regel für die punktweise Konvergenz der Fourier-Reihe, A3:123
- Dirichlet'sche Sprungfunktion, A2:6
- Dirichlet-Kern, A3:120
- disjunkt, A1:4
- diskreten Cosinustransformation, A3:137
- Distributionen mit kompaktem Träger, A3:136
- Distributivität, A1:5
- divergent, A1:73
- Division, A1:23
- Drehimpuls, A3:112
- Drehstreckung, A1:58
- Dreiecksungleichung, A1:69
- Dreiecksungleichung jeder Norm, A2:37
- Drittes Kepler'sches Gesetz, A3:114
- Durchmesser, A1:73
- Durchschnitt, A1:4

- echte Teilmenge, A1:3
- einfach geschlossene Kurve, A2:63
- Einheiten, A1:41
- Einheitsnormale, A3:77, A3:78
- Einheitstangentenvektor, A3:70
- Einheitswurzeln, A1:59
- einseitigen Grenzwerte, A1:103
- Element-fremd, A1:4
- elementarsymmetrische Funktion, A1:45
- Elementarsymmetrischen Funktionen, A1:38
- Elemente, A1:1
- Ellipse, A3:114
- endlich, A1:19
- Energieerhaltungssatz, A3:141
- Erstes Kepler'sches Gesetz, A3:113
- erzeugte Gruppe, A3:19
- Euklid'sche Metrik, A1:71
- Euklid'scher Algorithmus, A1:41
- Euklid'scher Algorithmus für Polynome, A1:45
- Euler'sche Gammafunktion, A2:34
- Euler'sche Zahl, A1:84
- Euler-Charakteristik, A3:102
- Euler-Lagrange Gleichung, A3:139

Index

- exakte 1-Form, A2:140
- exakte Ketten, A3:102
- Existenz der Wurzel, A1:55
- Exponentialfunktion, A1:122, A2:24
- Exponentialgesetz für stetige Funktionen, A2:60
- Exponentialreihe, A1:84
- exterior derivative, A3:90
- Extremum einer skalarwertigen Funktion, A2:128

- faktorielle, A1:33
- fast überall, A2:5
- fast überall gültig, A3:63
- fast alle, A1:42, A1:73
- Feinheitsmaßeiner Zerlegung, A2:53
- Fejér-Kern, A3:127
- Fixpunkt-Gleichung, A1:126
- Fixpunkt der Differentialgleichung, A2:107
- Fixpunkt einer Abbildung, A1:126
- Fläche, A1:92, A3:74
- Flußeines Vektorfelds, A3:110
- Flußdichte, A3:110
- Folge, A1:73
- Folgen, A1:28
- Formel für totale Wahrscheinlichkeit, A1:52
- Formel von Bayes, A1:52
- Formel von Cavalieri, A3:22
- Formel von Liouville, A3:111
- Formel von Moivre, A1:59
- Fourier-Koeffizienten, A3:117
- Fourier-Reihe, A3:117
- Fourier-Transformation, A3:136
- Fréchet-Raum, A3:136
- freie Gruppe, A3:19
- Fundamentallemma der Variationsrechnung, A3:139
- Fundamentalsatz der Algebra, A1:60
- Funktion, A1:13
- Funktionenräume, A2:36
- Funktionentheorie, A2:153
- Funktionswert, A1:13

- Gammafunktion
 - Euler'sche, A2:34
- Ganzzahlige Division mit Rest, A1:29
- Gauß'sche Integralsatz in der Ebene, A3:70
- Gauß'scher Integralsatz im Raum, A3:80
- Gauß'scher Integralsatz in der Ebene, A3:72
- generischen Fall, A2:107
- Geodäten, A3:148
- geometrische Folge, A1:76
- geometrische Mittel, A1:66
- Geometrische Reihe, A1:83
- geordneten Paares, A1:10
- gerade, A1:37
- Geschlecht, A3:102
- geschlossene 1-Form, A2:140
- geschlossene Ketten, A3:101

- gewöhnliche Differentialgleichung n -ter Ordnung, A2:108
- gewöhnliche Differentialgleichung 1-ter Ordnung, A2:100
 - zeitunabhängige, A2:96
- gewöhnliche zeitunabhängige Differentialgleichung 1-ter Ordnung, A2:96
- ggT, A1:40
- glatte Abbildung, A2:116
- glatte Partition der Eins, A3:40
- gleiche Mengen, A1:2
- gleichmäßig bezüglich der anderen, A1:104
- gleichmäßig stetig, A1:112
- gleichmäßige Konvergenz, A1:157
- gleichmächtig, A1:19
- größter gemeinsamer Teiler, A1:40
- Grad, A1:43
- Gradient einer skalarwertigen Funktion, A2:132
- Gradient einer skalarwertigen Funktion am \mathbb{R}^n , A2:131
- Gradientenfeld, A2:132
- Grenzwert, A1:73
- Grenzwertsatz von Abel, A1:160
- Gruppe, A1:21

- Häufungswert, A1:79
- Höhenlinie, A2:132
- höhere Ableitung einer Abbildung, A2:116
- Hölder'sche Ungleichung, A2:128
- hack-Produkt, A3:87
- Halbachse, A2:138
- Halbachsenlängen, A3:114
- Halbgruppe, A1:21
- Halbparameter, A3:114
- Hamilton'sche Prinzip, A3:141
- Hamming-Metrik, A1:71
- Harmonische Analyse, A3:137
- harmonische Funktionen, A3:112
- harmonische Mittel, A1:65
- harmonischen Reihe, A1:76
- harmonischer Oszillators, A3:141
- Hasse-Diagramm, A1:13
- Hauptachse, A2:138
- Hauptsatz der Analysis für Kurven, A2:59
- Hauptsatz der Differential und Integralrechnung, A2:17
- hebbare Unstetigkeitsstelle, A1:102
- Hesse'sche Matrix, A2:116
- Hexadezimaldarstellung, A1:32
- Hilbert-Raum, A2:47
- holomorphe Abbildung, A2:149
- homöomorphes Bild, A2:11
- homogene lineare 1-dimensionale Differentialgleichung mit konstanten Koeffizienten, A2:104

Index

- homogene lineare mehrdimensionale Differentialgleichungen mit konstanten Koeffizienten, A2:104
- Homologiegruppe, A3:102
- Horner-Schema, A1:44
- Hyperbel, A3:114

- innerer Inhalt, A3:13
- Identitätssatz für komplex-differenzierbare Funktionen, A2:155
- imaginäre Einheit, A1:57
- Imaginärteil, A1:57
- impliziert, A1:3
- Induktionsanfang, A1:27
- Induktionsannahme, A1:27
- Induktionsprinzip, A1:26
- Induktionsschritt, A1:27
- induktiv, A1:26
- Infimum, A1:55
- Injektion, A2:74
- injektiv, A1:14
- Inklusions-Exklusions-Prinzip, A1:46
- inkompressibel, A3:111
- Innere einer Teilmenge, A3:1
- Inneren einer Teilmenge, A3:11
- Insertion, A2:74
- Insertionsabbildung
 - affine, A2:75
- Integrabilitätsbedingung für Existenz einer Stammfunktion, A2:139
- Integrabilitätsbedingung für Lösbarkeit der totalen Differentialgleichung, A2:139
- Integral, A2:2
 - bestimmtes Darboux-, A2:2
 - Darboux-, A2:2
 - Kurven-, A2:143
 - Kurzweil-, A2:18
 - Riemann-, A2:53
 - uneigentliches, A2:30
- Integral einer skalarwertigen Funktion
 - unbestimmtes, A2:16, A2:18
- Integral einer Treppenfunktion, A3:62
- Integraltest für Reihenkonvergenz, A2:33
- Integration
 - partielle, A2:19
- integrierbare Funktion mit kompaktem Träger, A3:12
- integrierbare skalarwertige Funktion, A2:1
 - Kurzweil-, A2:18
- Integritätsbereich, A1:39
- Interpolationspolynom, A1:46
- Intervall, A1:72
- Intervallschachtelung, A1:90
- invariante, A1:35
- inverse Funktion zu f , A1:18
- inversen, A1:22

- Inversion, A1:37
- Inversion einer Banach-Algebra, A2:47
- invertierbares Element, A2:47
- Isobaren, A2:90
- isolierten Punkten, A1:101
- Isoperimetrische Ungleichung, A3:135
- Isoperimetrisches Problem, A3:150
- Isothermen, A2:90
- ist definitionsgemäßgleich, A1:1
- iterierte partielle Ableitung, A2:118

- J -Nullmenge, A3:13
- Jacobi-Matrix, A2:77
- Jordan'sche Kurvensatz, A2:63
- Jordan'sche Normalform, A2:106
- Jordan'sche Nullmenge, A3:13
- Jordan-meßbar, A3:12
- Jpeg-Format, A3:137
- Julia-Menge, A2:113

- Körper, A1:23
- Kürzungsregel, A1:29
- kartesische Blatt, A2:91
- kartesischen Koordinaten, A1:57
- kartesischen Produkt, A1:10
- Katenoid, A3:144
- Kegelschnittlinie, A3:114
- Kettenlinie, A3:144, A3:151
- Kettenregel, A1:134, A2:71
- Kettenregel für lineare äußere Abbildung, A2:50
- kinetische Energie, A3:141
- Klasseneinteilung, A1:12
- Klassifikation 1-dimensionaler Mannigfaltigkeiten, A3:50
- Knotentheorie, A2:63
- Koeffizienten, A1:42
- Koeffizientenvergleich, A1:44
- Kohomologie, A3:102, A3:109
- Kombination mit Wiederholung, A1:49
- Kombination ohne Wiederholung, A1:48
- kommutativen Ring, A1:23
- Kommutativität, A1:5
- kompakt, A1:113
- Kompaktum, A1:113
- Komplement, A1:9
- komplexe Ableitung, A2:149
- komplexe Analysis, A2:153
- komplexe Fourier-Koeffizienten, A3:118
- komplexe Fourier-Reihe, A3:118
- komplexer Banach-Raum, A2:149
- Komponentendarstellung einer linearen Abbildung zwischen Produkten, A2:76
- Kongruenzrelation, A1:39
- konservatives Kraftfeld, A2:148
- konservatives Vektorfeld, A2:144
 - Potential eines, A2:148

Index

- konvergent, A1:73, A1:83
- konvergentes Produkt, A1:90
- Konvergenzkreis, A1:153
- Konvergenzradius, A1:153
- konvergiert, A1:73
- konvergiert punktweise, A1:157
- konvexe Funktion, A1:143
- konvexe Teilmenge, A2:48, A2:58
- Koordinatenweise Konvergenz von Vektoren, A1:74
- Kosinushyperbolicus, A2:24
- Kraftfeld
 - konservatives, A2:148
- Kriterium von Weierstrass für gleichmäßige Konvergenz, A1:159
- kritischer Punkt, A3:46
 - nicht-degenerierter, A2:133
- kritischer Punkt einer Abbildung, A2:128
- kritischer Wert, A3:46
- Kugelkoordinaten, A2:89, A3:36
- Kurve, A1:92
 - einfach geschlossene, A2:63
- Kurvenintegral, A2:143
 - wegunabhängiges, A2:143
- Kurvenintegral längs nicht differenzierbarer Kurven, A2:146
- Kurzweil-Integral, A2:18
- Kurzweil-integrierbare skalarwertige Funktion, A2:18

- L^+ -Funktion, A3:63
- Länge einer Kurve, A2:147
- Längenelement, A3:70
- Lagrange'sche Interpolationsformel, A1:46
- Lagrange-Funktion, A3:141
- Lagrange-Multiplikator, A2:135
- Laurent-Reihe, A3:128
- Lebesgue'schen Integrationstheorie, A2:15
- Lebesgue'sches Integritätskriterium, A2:5, A3:15, A3:7
- Lebesgue-Integritätskriterium, A2:55
- Lebesgue-integrierbare Funktion, A3:63
- Lebesgue-Nullmenge, A2:5, A3:7
- Lebesgue-Zahl einer Überdeckung, A2:4
- leere Menge, A1:2
- Leibniz'sche Produktregel, A2:73
- Leibniz-Test, A1:86
- Limes, A1:73
- Limes inferior, A1:79
- Limes superior, A1:79
- Lindelöf, A3:40
- lineare Differentialgleichung mit konstanten Koeffizienten
 - homogene, A2:104
 - homogene mehrdimensionale, A2:104
- lineare Differentialgleichung mit nicht-konstanten Koeffizienten
 - homogene, A2:106
 - inhomogene, A2:106
- lineare Ordnung, A1:13
- lineares Funktional
 - stetiges, A2:42
- links-inverses Element, A1:22
- links-neutrales Element, A1:22
- Lipschitz Abbildung, A2:41
- Lipschitz-Abbildung, A2:101
- Logarithmus
 - natürlicher, A2:23
- Logarithmus zur Basis b , A1:124
- lokal integrierbar, A3:51
- lokaler C^1 -Diffeomorphismus, A2:86
- lokales Maximum, A2:128
 - striktes, A2:128
- lokales Minimum, A2:128
 - striktes, A2:128
- lokales striktes Maximum, A2:128
- lokales striktes Minimum, A2:128

- Maß, A3:12
- maßkonvergent, A3:65
- Magere Mengen, A3:14
- Majorante, A1:86
- Mannigfaltigkeit, A3:49
- Mannigfaltigkeiten, A2:63
- Masse, A3:78
- Matrixdarstellung der bilinear-Form, A2:116
- Matrixdarstellung einer linearen Abbildung zwischen Produkten, A2:76
- maximal, A1:11
- Maximale Orthonormalsysteme, A3:130
- Maximum
 - lokales, A2:128
 - lokales striktes, A2:128
- Maximumprinzip, A2:155
- Maximums-Metrik, A1:71
- meßbare Funktion, A3:63
- Mehrfachnullstelle eines Polynoms, A2:93
- mehrmals differenzierbare Abbildung, A2:116
- mehrmals stetig differenzierbare Abbildung, A2:116
- Menge, A1:1
- Menge der ganzen Zahlen, A1:39
- Menge der komplexen Zahlen, A1:57
- Menge der natürlichen Zahlen, A1:26
- Menge der rationalen Zahlen, A1:48
- Menge der reellen Zahlen, A1:54
- Methode der Lagrange Multiplikatoren, A2:135
- Metrik, A1:69
- Metrik der uneigentlichen Konvergenz, A1:78
- metrischer Raum, A1:70
- Minimalflächen, A3:145
- Minimum, A1:29
 - lokales, A2:128

Index

- lokales striktes, A2:128
- Minorante, A1:86
- Mittelwertsatz, A1:142, A3:16
- Mittelwertsatz der Differentialrechnung, A2:60
- Mittelwertsatz der Integralrechnung, A2:14
- Mittelwertsatz für integrierbare Kurven, A2:58
- Modul, A2:141
- Monome, A1:43
- monoton wachsend, A1:76
- Monotoniegesetze, A1:23
- Morse-Palais-Lemma, A2:133
- Multiplikationssatz, A1:51

- nach außen weisender Einheits-Normalvektor, A3:73
- Nachfolger, A1:26
- natürlichen Zahlen, A1:19
- natürlicher Logarithmus, A2:23
- Nebenbedingung, A2:135
- negativ definite symmetrische Form, A2:129
- neutralen, A1:22
- Newton'sche Kraftgesetz, A2:109
- Newton-Potential, A3:37, A3:38
- Newton-Verfahren, A2:112
- nicht überlappend, A3:15
- nicht überlappende Intervalle, A3:1
- nicht-degenerierter kritischer Punkt, A2:133
- Nirgends dichte Mengen, A3:14
- Niveaulinien, A2:90
- Norm, A2:37
- Normalbereich, A3:78
- normierte Räume, A2:37
- Nullmenge, A3:63
- Nullstelle, A1:44
- Nullstellensatz von Bolzano, A1:117
- Nullteilerfreiheit, A1:24
- numerischer Exzentrizität, A3:114

- Oberfläche, A3:78
- Oberflächenelement, A3:77
- Oberflächenelement einer Fläche, A3:78
- Obermenge, A1:2
- Obersumme, A3:2
- Obersumme bzgl. einer Zerlegung, A2:1
- offene Ball, A1:71
- offene Teilmenge, A2:3
- offene Umgebung eines Punktes, A2:86
- Oktaldarstellung, A1:32
- Operator
 - adjungierter, A2:42
- Operatornorm, A2:42
- Ordnatenmenge, A3:23
- Ordnungsinduktion, A1:30
- Ordnungsrelation, A1:12
- Orientierung, A3:100
- Orthoprojektion, A3:129
- ortsunabhängiges Vektorfeld, A2:100

- Ostrogradskij'sche Differentialgleichung, A3:145
- Oszillation einer Funktion, A1:111
- Oszillation einer Funktion bzgl. einer Zerlegung, A2:54
- Oszillation einer Funktion in einem Punkt, A1:111

- p -Form, A3:90
- p -Simplex, A3:99
- p -dimensionalen kompakten Intervall, A3:1
- p -form, A3:90
- p -tensor-field, A3:90
- Paar, A1:35
- Parabel, A3:114
- paradox, A3:18
- Parameterabhängigkeit von Differentialgleichungen, A2:99
- parametrisierte Kurve, A1:92
- Parseval'sche Gleichung), A3:130
- Partialbruchzerlegung im Komplexen, A2:27
- Partialbruchzerlegung im Reellen, A2:28
- Partialsommen, A1:83
- partiell stetig, A1:104
- partielle Ableitung, A2:67, A2:75
 - iterierte, A2:118
- partielle Differentialgleichung zweiter Ordnung, A3:115
- partielle Integration, A2:19
- partielle Ordnung, A1:12
- partiellen Ableitungen, A1:132
- partiellen Funktionen, A1:104
- Peano-Kurven, A3:28
- Permanenzsatz für Cesaro-Verfahren, A3:126
- Permutation, A1:33
- Polarkoordinaten, A1:58, A2:88, A3:35
- Polarzerlegung, A1:58
- Polygonzug, A2:143
- Polynome, A1:43
- polynomialen Funktionen, A1:43
- positiv definit, A2:128
- Positive Homogenität jeder Norm, A2:37
- Potential eines konservativen Vektorfelds, A2:144, A2:148
- potentielle Energie, A3:141
- Potenz, A1:30
- Potenzmenge, A1:3
- Potenzreihen, A1:153
- Primfaktorenzerlegung, A1:30
- Prinzip der gleichmäßigen Beschränktheit, A2:48
- Produkt, A1:20, A1:31
- Produktregel von Leibniz, A1:135
- Produktzerlegung, A3:2
- Projektionsfunktionen, A1:94
- pullback eines Tensorfelds, A3:94
- Punkte-trennend, A3:43
- punktierte Zerlegung, A2:53
- punktierten Zerlegung, A3:4

Index

- quadratisch konvergenten Reihen, A2:36
- quadratisch summierbare Folge, A2:36
- quadratische Form
 - nicht degenerierte, A2:129
- Quadratische Gleichung, A1:60
- quadratische nicht degenerierte Form, A2:129
- Quadratwurzel, A1:55
- Quadrieren, A2:87
- Quadrik, A2:138
- Quadrupel, A1:35
- Quelle einer Differentialgleichung, A2:108
- Quellendichte, A3:74, A3:80
- quellenfrei, A3:74
- Quellenstärke, A3:111, A3:80
- Quintupel, A1:35
- Quotient, A1:23
- Quotientenrege, A1:135
- Quotiententest, A1:86

- R-integrierbar, A2:53
- R -Modul, A2:141
- Rand, A3:12
- Rand einer singulären Kette, A3:100
- Rand einer Teilmenge, A3:11
- Rand eines singulären Simplex, A3:100
- Raum der quadratisch integrierbaren Funktionen, A3:66
- Realteil, A1:57
- Rechenregeln für Summation, A1:31
- Rechnen mit Potenzen, A1:30
- rechts-invers, A1:22
- rechts-neutral, A1:22
- Reelle Zahlen, A1:21
- reellen Polynom, A1:42
- Reflexivität, A1:11
- Regel von De L'Hospital, A1:145
- Regula falsi, A1:117
- Reihe, A1:83
- rektifizierbare Kurve, A2:147
- Rekursion, A1:28
- Rekursive Definition der Potenzen, A1:30
- Relation, A1:10
- Relation auf A , A1:10
- relativ prim, A1:40, A1:42
- Restklassen modulo m , A1:12
- Restklassenringe, A1:40
- Retraktion, A3:48
- Retraktionssatz, A3:48
- Richtungsableitung, A1:132, A2:64
- Riemann'scher Lokalisierungssatz, A3:123
- Riemann'scher Umordnungssatz, A1:88
- Riemann-Integral, A2:53, A3:5
- Riemann-integrierbar, A2:53, A3:12, A3:5
- Riemann-Stieltjes-Summe, A2:146
- Riemann-Stieltjes-Integral, A2:146

- Riemann-Summe, A2:52, A2:53, A3:4
- Ring, A1:23
- Ring mit 1, A1:23
- Rotation, A3:76
- Rotation von f , A3:73

- Sattelpunkt einer skalarwertigen Funktion, A2:130
- Sattelpunkte einer Differentialgleichung, A2:108
- Satz über das Komplementäreignis, A1:51
- Satz über die bedingte Wahrscheinlichkeit, A1:51
- Satz über implizite Funktionen, A2:90
- Satz über inverse Funktionen, A2:86
- Satz über offene Abbildungen, A2:49
- Satz von Archimedes, A1:55
- Satz von Banach-Steinhaus, A2:48
- Satz von Bolzano & Weierstraß, A1:80
- Satz von Eudoxos, A1:55
- Satz von Fejér, A3:127
- Satz von Frobenius, A2:139
- Satz von Fubini, A3:8
- Satz von Fubini für absolute Integrierbarkeit, A3:57
- Satz von Fubini für Nullmengen, A3:46
- Satz von Gauß im 3-dimensionalen, A3:80
- Satz von Hahn-Banach, A2:48
- Satz von Liouville, A2:156
- Satz von Morera, A2:153, A2:155
- Satz von Picard-Lindelöf, A2:101
- Satz von Riemann-Lebesgue, A3:119
- Satz von Rolle, A1:141
- Satz von Sard, A3:46
- Satz von Schönflies, A2:63
- Satz von Schwarz, A2:122
- Satz von Stokes für Flächen im 3-dimensionalen, A3:77
- Satz von Stokes für Ketten, A3:106
- Satz von Stone Weierstraß, A3:43
- Schnittzahl, A1:54
- Schwingungsgleichung, A3:115
- Seite des standard Simplex, A3:100
- Seite eines Simplex, A3:100
- Seite eines singulären Simplex, A3:100
- semidirektes Produkt, A3:18
- Separation der Variablen, A2:98
- signed, A1:40
- simplizialen Homologie, A3:102
- Simplizialkomplexe, A3:102
- singuläre p -Ketten, A3:100
- singuläre Homologie, A3:102
- singuläre Kette, A3:100
- singulärer Simplex, A3:100
- Sinushyperbolicus, A2:24
- skalarwertige 1-Form, A2:141
- skalarwertige Differentialform, A2:141
- Sprungstelle, A1:103
- Stammfunktion einer skalarwertigen Funktion, A2:17

Index

- standard p -Simplex, A3:100
- standard-Parametrisierung des standard Simplex, A3:102
- stationäre Lösung einer Differentialgleichung, A2:107
- stationäre Strömung, A3:110
- sternförmige Teilmenge, A2:141
- stetig, A1:92, A1:93
- stetig differenzierbar, A2:77, A3:30
- stetig differenzierbare Abbildung
 - mehrmals, A2:116
- stetig erweiterbar, A1:99
- stetig lineares Funktional, A2:42
- Stokes'sche Integralsatz im Raum, A3:74
- streng monoton wachsend, A1:119
- strikte Ordnung, A1:24
- striktes Maximum
 - lokales, A2:128
- striktes Minimum
 - lokales, A2:128
- Substitutionsformel, A2:60, A3:32
- Substitutionsformel für absolute Integrale, A3:54
- Substitutionsformel für bestimmte Integrale, A2:21
- Substitutionsformel für unbestimmte Integrale, A2:20
- Subtraktion, A1:23
- Summe, A1:31
- Supremum, A1:55
- Supremums-Metrik, A1:71
- Supremumsprinzip, A1:55
- surjektiv, A1:14
- Symmetrie, A1:11, A1:69
- symmetrisch, A1:38
- symmetrische Form
 - negativ definite, A2:129
 - positiv definite, A2:128
- symmetrische Gruppe, A1:34
- System partieller Differentialgleichungen, A2:139

- Tangenshyperbolicus, A2:24
- Tangente, A1:129
- Taxi-Metrik, A1:71
- Taylor'sche Formel, A2:124
- Taylor-Formel mit Restglied von Lagrange, A1:150
- Taylor-Polynom, A1:150
- Teiler, A1:40
- Teilmenge, A1:2
- temperierten Distributionen, A3:137
- tensor product, A3:85
- tensor product of multi-linear forms, A3:85
- Tensorfeld, A3:90
- Teufelstreppe, A2:8
- Theorem über die Inverse monotoner Funktionen, A1:119
- Topologie
 - algebraische, A2:63
- Torus, A2:94

- totale Differentialgleichung, A2:139
- totale Ordnung, A1:13
- totales Differential einer Abbildung, A2:141
- Träger, A3:12
- Trägheitssatz von Sylvester, A2:134
- Transformationsformel, A3:32
- Transformationssatz, A3:99
- Transitivität, A1:11, A1:3
- Transpositionen, A1:35
- Treppenfunktion, A3:62
- trianguliert, A3:102
- trigonometrisches Polynom, A3:45
- Tripel, A1:35
- Tupel, A1:35

- Überdeckung, A2:3
 - Lebesgue-Zahl einer, A2:4
 - Verfeinerung einer, A2:4
 - Vitali-, A2:15
- Überdeckungssatz von Heine-Borel, A2:5
- Überdeckungssatz von Lebesgue, A2:3
- Umkehrfunktion
 - bestimmte Integral der, A2:22
 - unbestimmte Integral der, A2:22
- Umkehrfunktion von f , A1:18
- Umkehrfunktionen der Winkelfunktionen, A1:120
- Umordnung, A1:88
- unbedingt konvergente Reihe, A1:88
- Unbeschränktheit an einer Stelle, A1:102
- unbestimmte Integral der Umkehrfunktion, A2:22
- unbestimmtes Integral einer skalarwertigen Funktion, A2:16
- unbestimmtes Integral einer skalarwertigen Funktion, A2:18
- Uneigentliche Konvergenz, A1:77
- uneigentlichen Konvergenz von Reihen, A1:83
- uneigentliches Integral, A2:30
- Unendlichkeitsaxiom, A1:26
- ungerade, A1:37
- unsigned, A1:40
- unstetig, A1:93
- unteren Schranken, A1:30
- Untergruppe, A1:37
- Untersumme, A3:2
- Untersumme bzgl. einer Zerlegung, A2:1
- Urbild, A1:14

- Van der Waerden's Funktion, A2:8
- Variation der Konstanten, A2:104, A2:106
- Variation einer Kurve, A2:147
 - beschränkte, A2:147
- Variation mit Wiederholungen, A1:34
- Variation ohne Wiederholung, A1:33
- Vektorfeld
 - konservatives, A2:144
 - ortsunabhängiges, A2:100

Index

- Potential eines konservativen, A2:144, A2:148
- zeitabhängiges, A2:100
- zeitunabhängiges, A2:101
- vektorwertige 1-Form, A2:140
- vektorwertige Differentialform der Ordnung 1, A2:140
- Venn-Diagramm, A1:3
- Verallgemeinerte distributiv Gesetze, A1:9
- Verallgemeinerte Parseval'sche Gleichung, A3:132
- Vereinfachtes Newton-Verfahren, A2:113
- Vereinigung, A1:5
- Vereinigung einer Menge von Mengen, A2:3
- Verfeinerung einer Überdeckung, A2:4
- Verfeinerung einer Zerlegung, A3:2
- Vergleichstest, A1:86
- Vergleichstest für uneigentliche Integrale, A2:32
- verschobene Funktion, A1:130
- Vervollständigung eines metrischen Raumes, A3:61
- Vieta'scher Wurzelsatz, A1:45
- Vitali-Überdeckung, A2:15
- vollständig, A1:81
- vollständige Horner-Schema, A1:44
- vollständigen angeordneten Körper, A1:54
- Vollständigkeit, A1:55
- Volumen, A3:12
- Volumen eines p -dimensionalen Intervalls, A3:1
- von a erzeugte Äquivalenzklasse, A1:11
- Vorzeichen einer Permutation, A1:37
- Vorzeichenregeln, A1:24

- Wärmeleitungsgleichung, A3:112
- Wahrscheinlichkeit, A1:50
- wedge product, A3:87
- Wegunabhängigkeit eines Kurvenintegrals, A2:143
- Wertebereich, A1:13
- Wirbeldichte, A3:73, A3:78
- wirbelfrei, A3:73
- Wirkung einer Gruppe, A3:18
- Wirkungsintegral, A3:141
- Wohlordnung, A1:29
- Wurzel eines Polynoms, A1:44
- Wurzeln komplexer Zahlen, A1:59
- Wurzeltest, A1:86

- zeitabhängiges Vektorfeld, A2:100
- zeitunabhängiges Vektorfeld, A2:101
- Zentralkraft, A3:112
- Zerlegung
 - äquidistante, A2:2
 - Obersumme bzgl. einer, A2:1
 - punktierte, A2:53
 - Untersumme bzgl. einer, A2:1
- Zerlegung eines p -dimensionalen Intervalls, A3:1
- Zerlegung eines Intervalls, A2:1
- Zerlegung in linear-Faktoren, A1:60
- Zerlegung in Transpositionen, A1:35
- Zerlegungs-äquivalent, A3:18
- Zerlegungs-kleiner, A3:18
- Ziffern, A1:32
- Zifferndarstellung von z zur Basis b , A1:32
- zusammenhängende Menge, A2:143
- zusammensetzen, A1:14
- zweimal differenzierbare Abbildung, A2:115
- zweite Ableitung, A2:115
- Zweites Kepler'sches Gesetz, A3:113
- Zwischenvektor einer Zerlegung, A2:52, A2:53
- Zwischenwertsatz, A1:117
- Zyklus, A1:35
- Zylinderkoordinaten, A3:36