

$G$	Gruppe	Drehsymmetrien am Würfel Deckbewegungen eines Ornaments
$P$	Menge	Ecken des Würfels, Punkte der Ebene
$S(P)$	Menge von Abbildungen (bijektiv) $P \rightarrow P$	Permutationen der Ecken, Isometrien

---

$\varphi : G \rightarrow \varphi(G) \subset S(P)$	$G$ wirkt in $P$	<i>action</i>
$g \mapsto \varphi_g$	Homomorphismus	
$P_g := \{p \mid \varphi_g(p) = p\}$	Fixpunkte von $g$	
$G_p := \{g \mid \varphi_g(p) = p\}$	Fixgruppe zu $p$	<i>stabilizer</i>
$O(p) := \{\varphi_g(p) \mid g \in G\}$	Bahn von $p$	<i>orbit</i>
		( <i>Transitivitätsklasse</i> )
$\mathcal{O} := \{O(p) \mid p \in P\}$	(Äquivalenz-)Klasseneinteilung	

**diskrete Gruppe**  $\Leftrightarrow$  alle Bahnen diskret

*discrete (discontinuous) group* (d.h., keine Häufungspunkte)

**Fundamentalebene** :  $\Leftrightarrow$  vollständiges Repräsentantensystem für  $\mathcal{O}$  (*topologisch zusammenhängend*)  
(*in der Ebene*)

Fundamentalebene unbeschränkt Drehungen, Friesgruppen

Fundamentalebene beschränkt Ornamentgruppen

(z.B.) Parallelogramm 2 linear unabhängige Translationen

**Klassifikation** Katalog, *Bestimmungsbuch*

Welche Objekte/Strukturen sollen als *gleich/ähnlich/verwandt* angesehen werden?

(für diskrete Gruppen:) *discrete (discontinuous) groups*

Zwei Gruppen sind gleich  $\Leftrightarrow$  es gibt eine affine Abbildung  $Ax + b$ , unter der einander die Symmetrieelemente der beiden Gruppen

(*Gitterpunkte, Drehzentren, Spiegelachsen*) entsprechen.

Gibt es einfache (Unterscheidungs-)Merkmale?

Kann man die Klassen teilweise/vollständig auflisten?

Kann man sie systematisch beschreiben?