

SRT + Doppler

(2)

also $f' > f$

wenn v in andere Richtung $f' = \frac{f}{1 + \frac{v}{c}} < f$
Vgl. mit Rettung, Polizei, usw.

Das war normal.

Aufgabe - Berechne f_{ROT} ($\lambda \approx 750 \text{ nm}$).

- Wie schnell musst du fahren, damit eine rote Ampel grün aussieht?

(nimm $f_{\text{GRÜN}} \approx 2 \cdot f_{\text{ROT}}$)

Jetzt relativistisch. Herleitung kann ähnlich gemacht werden. Short-Cut: die Uhr der Quelle läuft langsamer \Rightarrow Das "Ticken" geht mit $f \Rightarrow$ wir ersetzen f durch $\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} \cdot f$.

ALGEBRA $\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} = \sqrt{\left(1 - \frac{v}{c}\right) \cdot \left(1 + \frac{v}{c}\right)}$

(\hookrightarrow ENDLICH MAL GUT FÜR WAS...)

$$\Rightarrow f' = \frac{f \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}{1 - \frac{v}{c}} = \frac{f \sqrt{\left(1 - \frac{v}{c}\right) \left(1 + \frac{v}{c}\right)}}{1 - \frac{v}{c}}$$

$$f' = f \cdot \sqrt{\frac{1 + \frac{v}{c}}{1 - \frac{v}{c}}}$$

\downarrow Quelle \rightarrow Wahrnehmer

Wenn Quelle sich entfernt $f' = f \sqrt{\frac{1 - \frac{v}{c}}{1 + \frac{v}{c}}}$ ($v \rightarrow -v$)